

Inhalte der Lehrveranstaltung

1. Theorie der Abbildung
2. Geometrische Strahldurchrechnung und Aberrationen
3. Wellenmodell
4. Analytische Bildfehlertheorie

Anwendungsbeispiele: Einzellinse und Einzellspiegel



5. Optikdesign mit ZEMAX

6. Systematik des Entwurfs optischer Systeme

1. Grundsätzliche Einteilung der Vorgehensweise
2. Klassifizierung optischer Systeme
3. Startstufen der analytischen Synthese

7. Beispiele der Synthese einfacher Optiken

1. Spezielle Kegelschnitte zur öffnungsfehlerfreien Abbildung (Spezielle 2-Spiegelsysteme)
2. Simpletansatz (2-linsig)
3. Simpletvorrechnung (2-linsig)

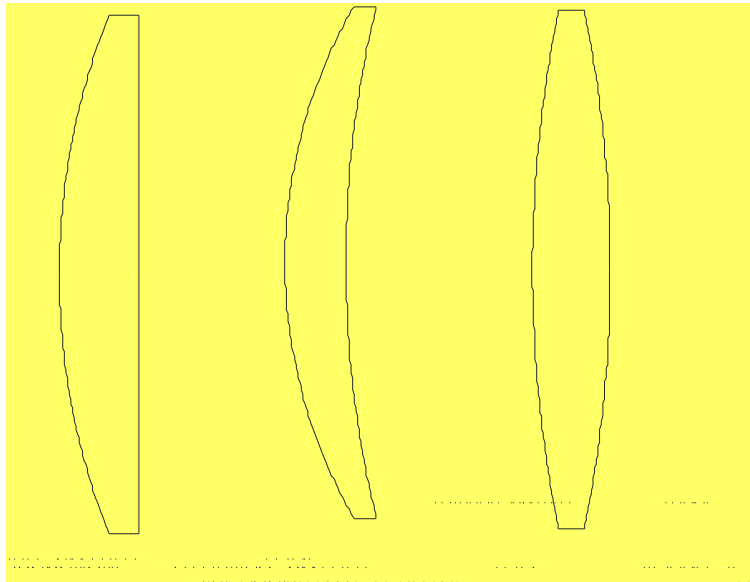
Einzellinse und Einzelspiegel

Ziel: Minimierung der Bildfehler 3. Ordnung

1. Einzellinse

1. 1 Optimale Durchbiegung von Einzellinsen

Ausgangspunkt: Linsenteilkoeffizienten der Bildfehler 3. Ordnung
B, K, C, P, E, L, H



Seidelsche Bildfehler (Querabweichungen 3. Ordnung)

$$\Delta x'_B = -\frac{1}{2} \frac{x_{P1} (x_{P1}^2 + y_{P1}^2) s_1^4 \beta'}{n_1 p_1^3} \sum_k B_k \quad \text{Seidelscher} \quad (1.1)$$

$$\Delta y'_B = -\frac{1}{2} \frac{y_{P1} (x_{P1}^2 + y_{P1}^2) s_1^4 \beta'}{n_1 p_1^3} \sum_k B_k \quad \text{Öffnungsfehler}$$

$$\Delta x'_K = -\frac{y_1 x_{P1} y_{P1} s_1^2 \beta'}{p_1^2} \sum_k K_k \quad \text{Seidelsche} \quad (1.2)$$

$$\Delta y'_K = -\frac{1}{2} \frac{y_1 (x_{P1}^2 + 3y_{P1}^2) s_1^2 \beta'}{p_1^2} \sum_k K_k \quad \text{Koma}$$

$$\Delta x'_{CP} = -\frac{1}{2} \frac{n_1 y_1^2 x_{P1} \beta'}{p_1} \sum_k (C_k + P_k) \quad \text{Seidelsche Bildfeldfehler} \quad (1.3)$$

$$\Delta y'_{CP} = -\frac{1}{2} \frac{n_1 y_1^2 y_{P1} \beta'}{p_1} \sum_k (3C_k + P_k) \quad \text{Astigmatismus + Petzvalwölbung}$$

$$\Delta x'_E = 0 \quad \text{Seidelsche}$$

$$\Delta y'_E = -\frac{1}{2} \frac{n_1^2 y_1^3 \beta'}{s_1^2} \sum_k E_k \quad \text{Verzeichnung} \quad (1.4)$$

Flächenteilkoeffizienten – Linsenteilkoeffizienten

Seidelsche Flächenteilkoeffizienten (Flächenteilkoeffizienten 3. Ordnung)

$$B_k = \omega_k^4 Q_k^2 \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k \quad \text{mit:} \quad \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k = \frac{1}{n_k' s_k'} - \frac{1}{n_k s_k} \quad \text{und} \quad \omega_k = \frac{h_k}{h_{k-1}}$$

Öffnungsfehler

$$K_k = c_1 \omega_k^3 \omega_{pk} Q_k Q_{pk} \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k \quad \text{mit:} \quad \frac{1}{c_1} = \frac{1}{a_1} - \frac{1}{a_{p1}} \quad \text{und} \quad \omega_{pk} = \frac{h_{pk}}{h_{pk-1}}$$

Koma

$$C_k = c_1^2 \omega_k^2 \omega_{pk}^2 Q_{pk}^2 \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k$$

Astigmatismus

$$P_k = -\frac{1}{r_k} \delta\left(\frac{1}{n}\right)_k \quad \text{mit} \quad \delta\left(\frac{1}{n}\right)_k = \frac{1}{n_k'} - \frac{1}{n_k}$$

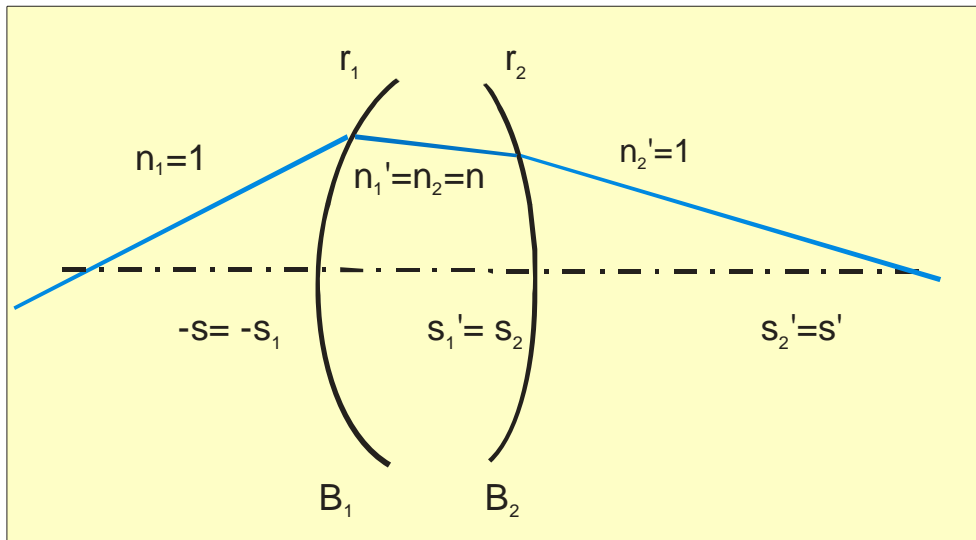
Petzvalwölbung

$$E_k = c_1^3 \omega_k \omega_{pk}^3 \left[Q_{pk}^2 \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k - Q_{pk} (Q_k - Q_{pk}) \delta\left(\frac{1}{ns_p}\right)_k \right] \quad \text{mit:} \quad \delta\left(\frac{1}{ns_p}\right)_k = \frac{1}{n' s_p'} - \frac{1}{n s_p}$$

Verzeichnung

Durchbiegung Q

Modell: dünne Einzellinse $d \rightarrow 0$, $s = a$, $s' = a'$

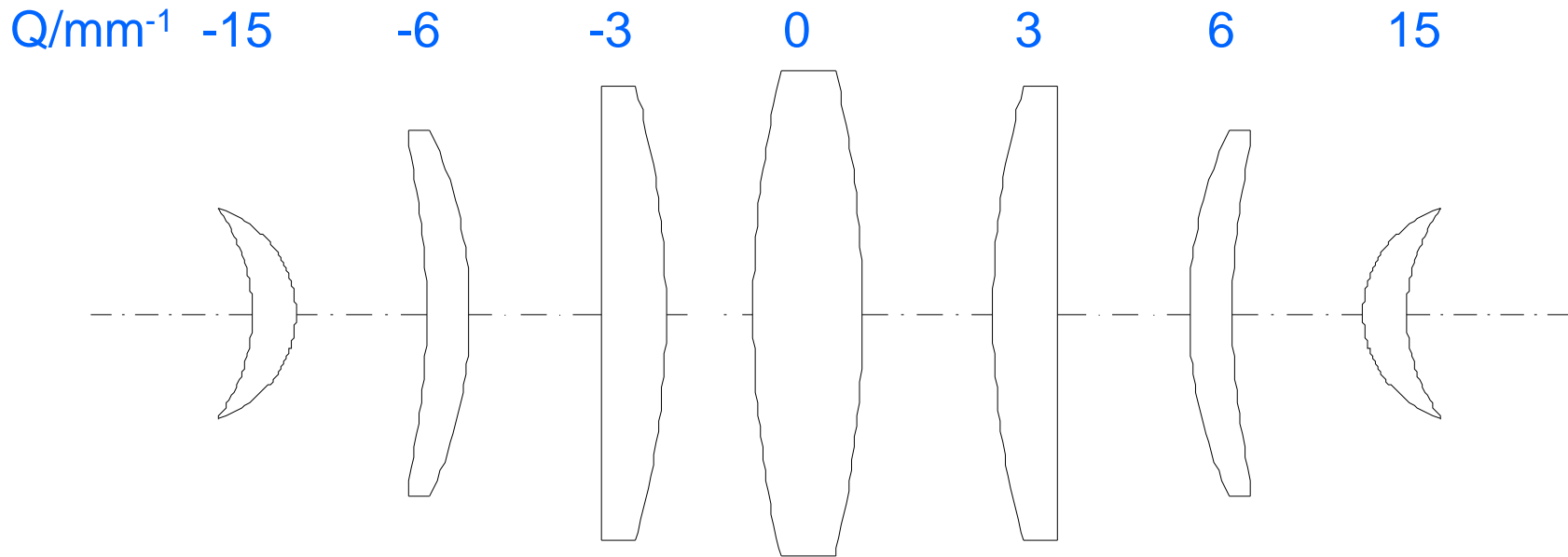


Durchbiegung $Q =$ Summe der Abbeschen Invarianten Q_1 und Q_2

$$Q = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} - F' - \frac{2}{s}$$

Monotone Änderung der Durchbiegung

($F' = 1 \text{ mm}^{-1}$, $s = \infty$, $n = 1,5$)



Hinweis: Formfaktor X (Groß) verschieden von Q

Flächenteil -> Linsenteilkoeffizient

Beispiel: Flächenteilkoeffizient für den Öffnungsfehler

$$B_k = \omega_k^4 Q_k^2 \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k \quad \text{mit:} \quad \delta\left(\frac{1}{ns}\right)_k = \frac{1}{n_k' s_k'} - \frac{1}{n_k s_k}$$

Linsenteilkoeffizient = Summe der **Flächenteilkoeffizienten**

$$B = B_1 + B_2 = Q_1^2 \left(\frac{1}{n s'_1} - \frac{1}{s} \right) + Q_2^2 \left(\frac{1}{s'} - \frac{1}{n s'_1} \right)$$

mit:
$$Q = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} - F' - \frac{2}{s}$$

$$F' = (n-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

$$\left(\omega_1 = \frac{h_1}{h_0} = 1, \quad \omega_2 = \frac{h_2}{h_1} = 1 \right)$$

$$B = F' b \quad \text{mit:} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{a} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$$

Einzellinse

Linsenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die dünne Einzellinse

dünne Linse: $a = s$
 $a_p = s_p$

	$a_p \neq 0$	$a_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = F' b \quad \text{mit:} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{a} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$	
2. Koma	$K = F' \left(c b + \frac{1}{2} k \right)$	$K = \frac{1}{2} F' k$
		$k = \frac{n+1}{n} Q - \left(\frac{2}{a} + F' \right)$
3. Astigmatismus	$C = F' \left(c^2 b + c k + 1 \right)$	$C = F'$
		$\frac{1}{c} = \frac{1}{a} - \frac{1}{a_p} = \frac{1}{a'} - \frac{1}{a'_p}$
4. Petzvalwölbung	$P = \frac{F'}{n}$	
5. Verzeichnung	$E = F' \left(c^3 b + \frac{3}{2} c^2 k + \frac{3n+1}{n} c \right)$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler 6. Farblängsfehler	$L = \frac{F'}{\nu}$	$\nu = \frac{n-1}{\Delta n}$
7. Farbquerfehler	$H = c \frac{F'}{\nu}$	0

a) Einzellinse ohne zusätzliche Blende

Einzellinse

Linsenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die dünne Einzellinse

dünne Linse: $a = s$
 $a_p = s_p$

	$a_p \neq 0$	$a_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = F' b$ mit: $b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{a} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$	
2. Koma	$K = F' \left(cb + \frac{1}{2} k \right)$ $k = \frac{n+1}{n} Q - \left(\frac{2}{a} + F' \right)$	$K = \frac{1}{2} F' k$
3. Astigmatismus	$C = F' \left(c^2 b + ck + 1 \right)$ $\frac{1}{c} = \frac{1}{a} - \frac{1}{a_p} = \frac{1}{a'} - \frac{1}{a'_p}$	$C = F'$
4. Petzvalwölbung	$P = \frac{F'}{n}$	
5. Verzeichnung	$E = F' \left(c^3 b + \frac{3}{2} c^2 k + \frac{3n+1}{n} c \right)$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler 6. Farblängsfehler	$L = \frac{F'}{\nu}$	$\nu = \frac{n-1}{\Delta n}$
7. Farbquerfehler	$H = c \frac{F'}{\nu}$	0

1. Zur Betrachtung des Öffnungsfehlers

A) **Sonderfall:** Öffnungsfehler = 0

$$Q_{1,2} = \frac{n}{n+2} \left(\frac{2}{s} + F' \right) \pm \sqrt{\left(\frac{n}{n+2} \right)^2 \left(\frac{2}{s} + F' \right)^2 - \frac{n}{n+2} \left(\frac{nF'}{n-1} \right)^2}$$

Für spezielle Schnittweiten existieren maximal 2 Lösungen

Fragestellungen:

- 1. Kann eine reelle Abbildung öffnungsfehlerfrei realisiert werden??
- 2. Kann ein unendlich femer Achspunkt öffnungsfehlerfrei abgebildet werden?

Untersuchung der öffnungsfehlerfreien Abbildungsmöglichkeit

A) **Sonderfall:** Öffnungsfehler = 0

1. Kann eine reelle Abbildung öffnungsfehlerfrei realisiert werden??

Beispiel:
 $n = 1.5$
 $F = 1$
Forderung: $|s| > f'$

Einsetzen der Forderung in den Wurzelausdruck und Lösung der quadratischen Ungleichung

$$Q_{1,2} = \frac{n}{n+2} \left(\frac{2}{s} + F' \right) \pm \sqrt{\left(\frac{n}{n+2} \right)^2 \left(\frac{2}{s} + F' \right)^2 - \frac{n}{n+2} \left(\frac{nF'}{n-1} \right)^2}$$

$$\left(\frac{n}{n+2} \right)^2 \left(\frac{2}{s} + F' \right)^2 - \frac{n}{n+2} \left(\frac{nF'}{n-1} \right)^2 \geq 0$$

mit: $|s| > \frac{1}{F'}$

Lösung:

$$-0.358258 \leq s < 0 \quad || \quad 0 < s \leq 0.558258$$

Keine reelle Abbildung öffnungsfehlerfrei möglich!!

1. Zur Betrachtung des Öffnungsfehlers

A) **Sonderfall:** Öffnungsfehler = 0

$$Q_{1,2} = \frac{n}{n+2} \left(\frac{2}{s} + F' \right) \pm \sqrt{\left(\frac{n}{n+2} \right)^2 \left(\frac{2}{s} + F' \right)^2 - \frac{n}{n+2} \left(\frac{nF'}{n-1} \right)^2}$$

Für spezielle Schnittweiten existieren maximal 2 Lösungen

Fragestellungen:

- ✓ 1. Kann eine reelle Abbildung öffnungsfehlerfrei realisiert werden?? **nein!**
- 2. Kann ein unendlich femer Achspunkt öffnungsfehlerfrei abgebildet werden?

B) Sonderfall: Öffnungsfehlerminimum

$$B = F' b \quad \text{mit:} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{s} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$$

$$B = B_{\min} !$$



$$\frac{dB}{dQ} = 0 \rightarrow \frac{db}{dQ} = 0 = \frac{n+2}{2n} Q - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{s} + F' \right)$$

$$Q_{B \min} = \frac{n}{n+2} \left(\frac{2}{s} + F' \right)$$

mit $s \neq 0$

Bedingung für Öffnungsfehlerminimum

Für $|s| = \infty$:

$$Q_{B \min} = \frac{n F'}{n+2}$$

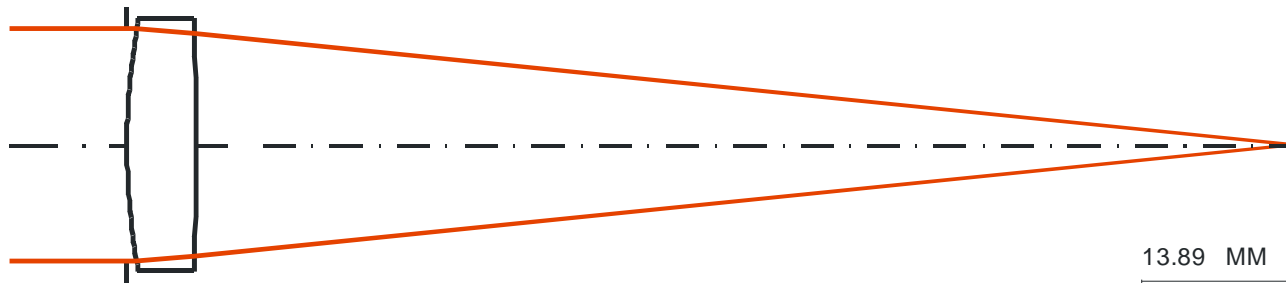
Öffnungsfehlerminimum

Numerisches Beispiel:

Gegeben: $f' = 100 \text{ mm}$ ($F' = 10 \text{ dpt}$)
 $|s| = \infty$, $n = 1.5$

Ergebnis: $r_1 = 58.3 \text{ mm}$, $r_2 = -349.9 \text{ mm}$

Optimierungsergebnis aus realer Strahldurchrechnung
(CODE V):



Verknüpfung mit codev.lnk

RDY	THI	RMD	GLA	CCY	THC	GLC		
OBJ:	INFINITY		INFINITY			100	100	
STO:	INFINITY		0.000000			100	100	
2:	58.78767		6.000000	500000.275795		0	100	100
3:	-323.10992		96.597926			0	PIM	
> IMG:	INFINITY		0.000000			100	100	

Einzellinse

Betrachtung der restlichen Fehler mit Hilfe von: K, C, P, E, L, H

Linsenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die dünne Einzellinse

dünne Linse: $a = s$
 $a_p = s_p$

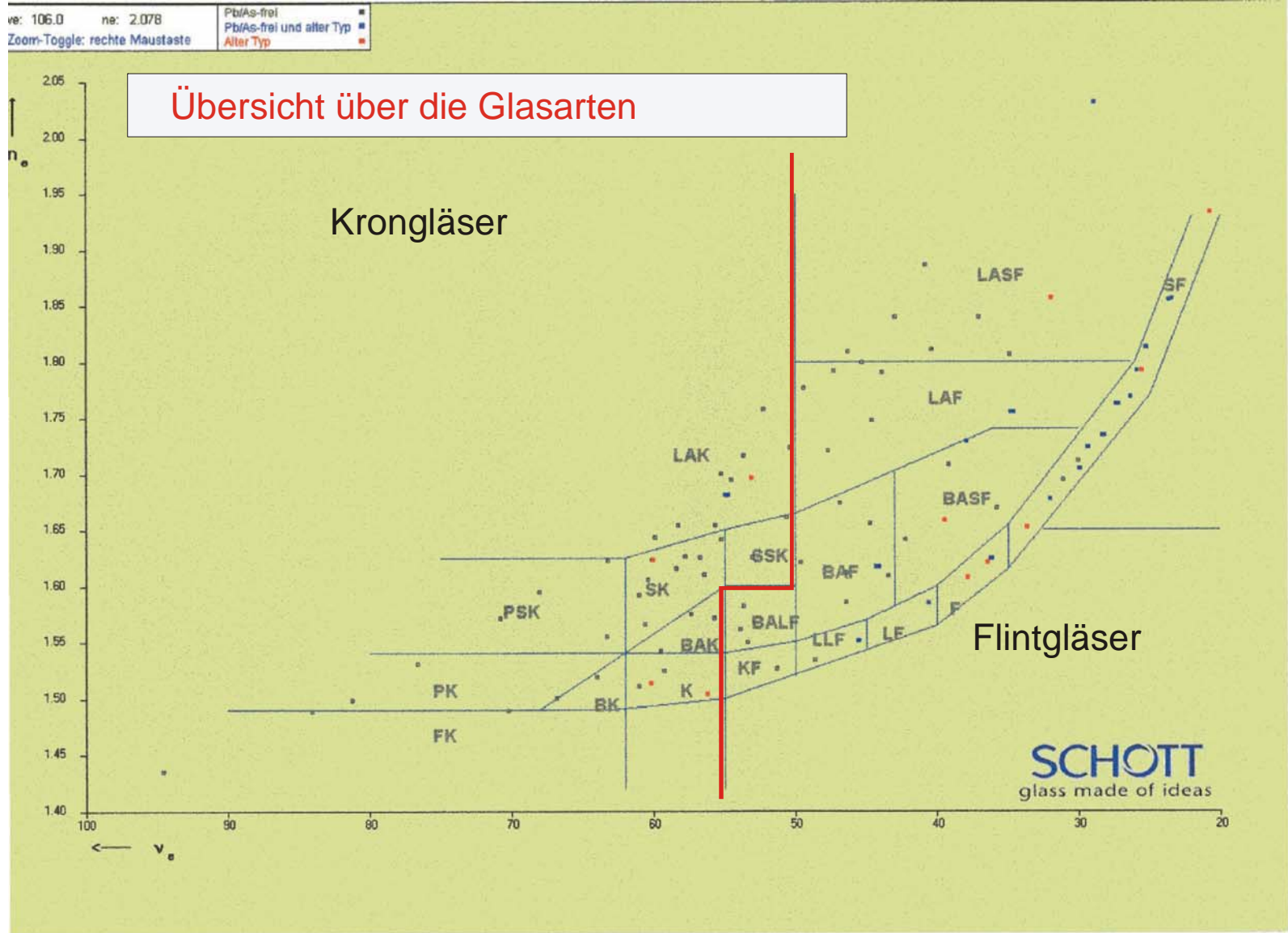
	$a_p \neq 0$	$a_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = F' b \quad \text{mit:} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{a} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$	
2. Koma	$K = F' \left(cb + \frac{1}{2} k \right)$ $k = \frac{n+1}{n} Q - \left(\frac{2}{a} + F' \right)$	$K = \frac{1}{2} F' k$
3. Astigmatismus	$C = F' \left(c^2 b + ck + 1 \right)$ $\frac{1}{c} = \frac{1}{a} - \frac{1}{a_p} = \frac{1}{a'} - \frac{1}{a'_p}$	$C = F'$
4. Petzvalwölbung	$P = \frac{F'}{n}$	
5. Verzeichnung	$E = F' \left(c^3 b + \frac{3}{2} c^2 k + \frac{3n+1}{n} c \right)$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler 6. Farblängsfehler	$L = \frac{F'}{\nu}$	$\nu = \frac{n-1}{\Delta n}$
7. Farbquerfehler	$H = c \frac{F'}{\nu}$	0

Hinweis auf aplanatische Schnittweiten (Punkte)!

Fallen Öffnungsfehlerminimum und
Koma =0 zusammen?

Können Öffnungsfehler und Koma
gleichzeitig korrigiert sein?

$n_e - v_e$ – Glasdiagramm



$n \uparrow \rightarrow P \downarrow$, aber $v \uparrow \rightarrow L \downarrow$

Zusammenfassung

Einzellinse ohne zusätzliche Blende

Die Einzellinse ohne zusätzliche Blende ist für die Abbildung **kleiner Felder** mit **merklicher Öffnung** geeignet, da eine Korrektur von **Öffnungsfehler** und **Koma** möglich ist.

Der **Farblängsfehler** kann durch **Einsatz eines Kronglases** mit **großer Abbezahl** und mit **günstiger Auffangebene** (AFE an der Stelle, an der die Farbe fokussiert wird, für die der Empfänger am empfindlichsten ist) klein gehalten werden

b) Einzellinse mit zusätzlicher Blende

Einzellinse

Linsenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die dünne Einzellinse

dünne Linse: $a = s$
 $a_p = s_p$

	$a_p \neq 0$	$a_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = F' b \quad \text{mit:} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{a} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$	
2. Koma	$K = F' \left(c b + \frac{1}{2} k \right)$	$K = \frac{1}{2} F' k$
	$k = \frac{n+1}{n} Q - \left(\frac{2}{a} + F' \right)$	
3. Astigmatismus	$C = F' \left(c^2 b + c k + 1 \right)$	$C = F'$
	$\frac{1}{c} = \frac{1}{a} - \frac{1}{a_p} = \frac{1}{a'} - \frac{1}{a'_p}$	
4. Petzvalwölbung	$P = \frac{F'}{n}$	
5. Verzeichnung	$E = F' \left(c^3 b + \frac{3}{2} c^2 k + \frac{3n+1}{n} c \right)$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler	$L = \frac{F'}{\nu}$	$\nu = \frac{n-1}{\Delta n}$
6. Farblängsfehler		
7. Farbquerfehler	$H = c \frac{F'}{\nu}$	0

B, P, L

unabhängig von der Blendenlage

Ist die gleichzeitige Korrektur von
Öffnungsfehler ($B = B_{\min}$) und Koma ($K=0$)
möglich?

Einzellinse

Linsenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die dünne Einzellinse

dünne Linse: $a = s$
 $a_p = s_p$

	$a_p \neq 0$	$a_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = F' b \quad \text{mit:} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{a} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$	
2. Koma	$K = F' \left(c b + \frac{1}{2} k \right)$ zusätzlicher Parameter $c!$ $k = \frac{n+1}{n} Q - \left(\frac{2}{a} + F' \right)$	$K = \frac{1}{2} F' k$
3. Astigmatismus	$C = F' \left(c^2 b + c k + 1 \right)$ $\frac{1}{c} = \frac{1}{a} - \frac{1}{a_p} = \frac{1}{a'} - \frac{1}{a'_p}$	$C = F'$
4. Petzvalwölbung	$P = \frac{F'}{n}$	
5. Verzeichnung	$E = F' \left(c^3 b + \frac{3}{2} c^2 k + \frac{3n+1}{n} c \right)$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler 6. Farblängsfehler	$L = \frac{F'}{\nu}$	$\nu = \frac{n-1}{\Delta n}$
7. Farbquerfehler	$H = c \frac{F'}{\nu}$	0

2. Koma

Zusätzlicher Parameter: $c = \text{fkt}(s_p)$

$$K = F' \left(c b + \frac{1}{2} k \right)$$

Bedingung für Komafreiheit:

$$c = -\frac{1}{2} \frac{k}{b} \quad \text{mit } b \neq 0$$

Für $|s| = \infty$:

$$s_p = -\frac{1}{2} \frac{k_\infty}{b_\infty} \quad \text{mit } b_\infty \neq 0$$

Die Koma ist durch geeignete Lage der Blende vollständig korrigierbar außer für $B = 0$

Numerisches Beispiel

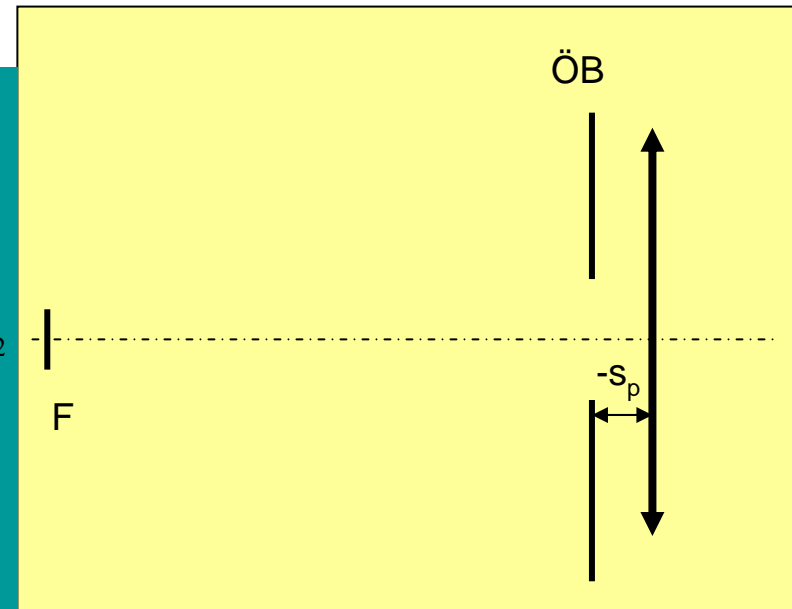
- Forderungen: B_{\min}
 $K=0$
- Gegeben: $f'=100\text{mm}$ ($F'=10\text{dpt}$)
 $|s| = \infty$, $n=1.5$
- Gesucht: s_p

• Lösung: $s_p = \frac{1}{2} \frac{k_\infty}{b_\infty}$ mit $Q_{B_{\min}} = \frac{n F'}{n+2}$ und

$$k_\infty = \frac{n+1}{n} Q_{B_{\min}} - F'$$

$$b_\infty = \frac{n+2}{4n} Q_{B_{\min}}^2 - \frac{1}{2} F' Q_{B_{\min}} + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$$

$$\Rightarrow s_p = -6.67 \text{ mm}$$



Vorderblende in geringem Abstand zur Linse

3. Astigmatismus

$$C = F' (c^2 b + c k + 1)$$

A Astigmatismusminimum

$$c = -\frac{1}{2} \frac{k}{b} \quad \text{mit } b \neq 0$$

$$|s| = \infty: \quad s_p = -\frac{1}{2} \frac{k_\infty}{b_\infty}$$

Entspricht dem Fall: Koma = 0

B Astigmatismusfreiheit

$$c = -\frac{1}{2} \frac{k}{b} \pm \sqrt{\left(-\frac{1}{2} \frac{k}{b}\right)^2 - \frac{1}{b}}$$

reelle Lösung.: $\frac{1}{4} \frac{k^2}{b} \geq 1$

keine reelle Lsg.: $\frac{1}{4} \frac{k^2}{b} < 1$

Bedingung für
Astigmatismusfreiheit

Numerisches Beispiel zu C=0

- Gegeben: Sammellinse $F'=1$
 $n=1.5$
 $|s|=\infty$, d.h. $b \neq 0$ Gesucht: Bereich von Q für Astigmatismusfreiheit

Lösung mit Hilfe von Mathematica:

$$b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} \left(\frac{2}{s} + F' \right) Q + \frac{1}{4} \left(\frac{nF'}{n-1} \right)^2$$

$$k = \frac{n+1}{n} Q - \left(\frac{2}{s} + F' \right)$$



reelle Lösung. : $\left(\frac{1}{4} \frac{k^2}{b} \geq 1, Q \right)$

Lösung der quadratischen Ungleichung:

Astigmatismusfreiheit möglich für:

$$Q \geq -3 \text{ || } Q \geq 6.$$

Vergleich:

$$Q_{\text{BMin}}(F'=1) = 0.43\text{dpt}$$

Verknüpfung mit codev.Ink

Erkenntnisse

- Linse mit Öffnungsfehlerminimum ist nicht durch eine zusätzliche Blende hinsichtlich Astigmatismus korrigierbar.
- Je größer die Durchbiegung zur Korrektur des Astigmatismus, desto größer wird der Öffnungsfehler.
- Korrektur des Astigmatismus erfordert große Zugeständnisse an den Öffnungsfehler.
- Interessant: 1. $Q = -3$ und 2. $Q = 6$

1. Q = -3

Gesucht: Form der Linse und Lage der Blende

Berechnung der Radien aus Q und F':

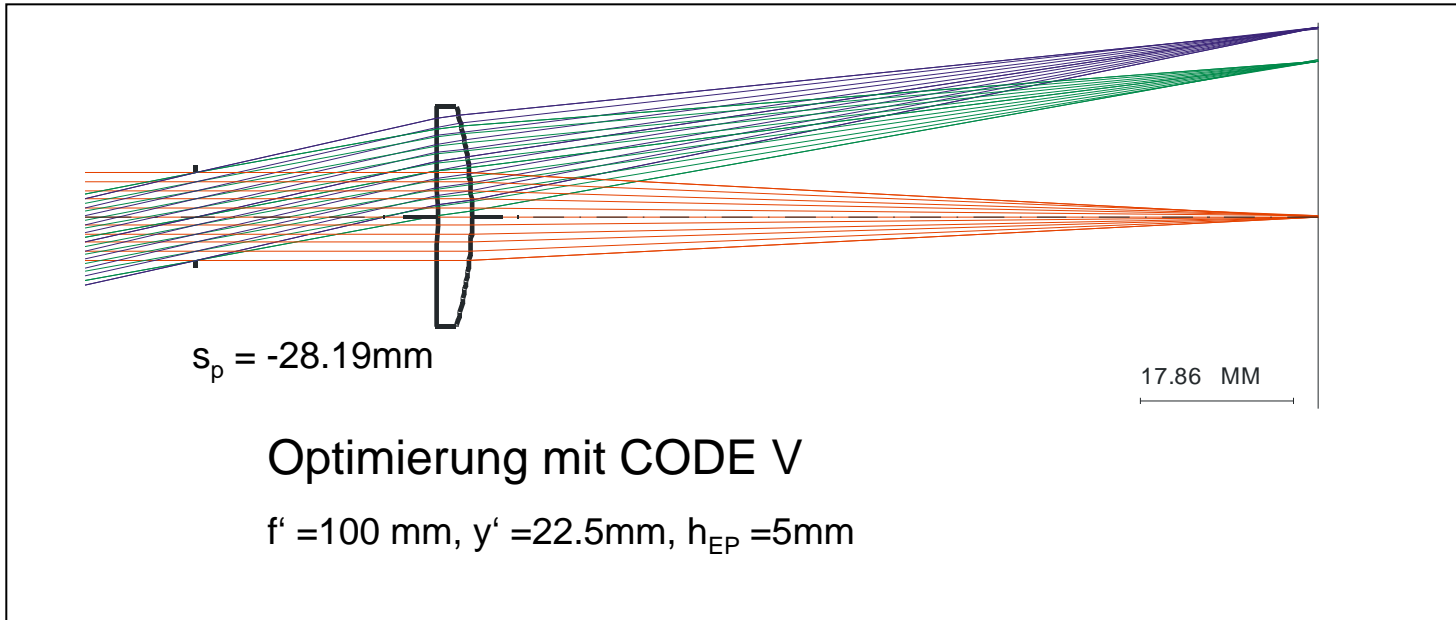
B=9, K=0, C=0, E=0.56 (tonnenförmige Verzeichnung)

$r_1 = \infty$, $r_2 = -0,5$
 $s_p = -0,333$

Ermittlung der optimalen Linsenform für die Abbildung eines Feldpunktes mit Hilfe der Strahldurchrechnung

Minimierung der Querabweichungen \longrightarrow Parameter: r_1 , r_2 , s_p

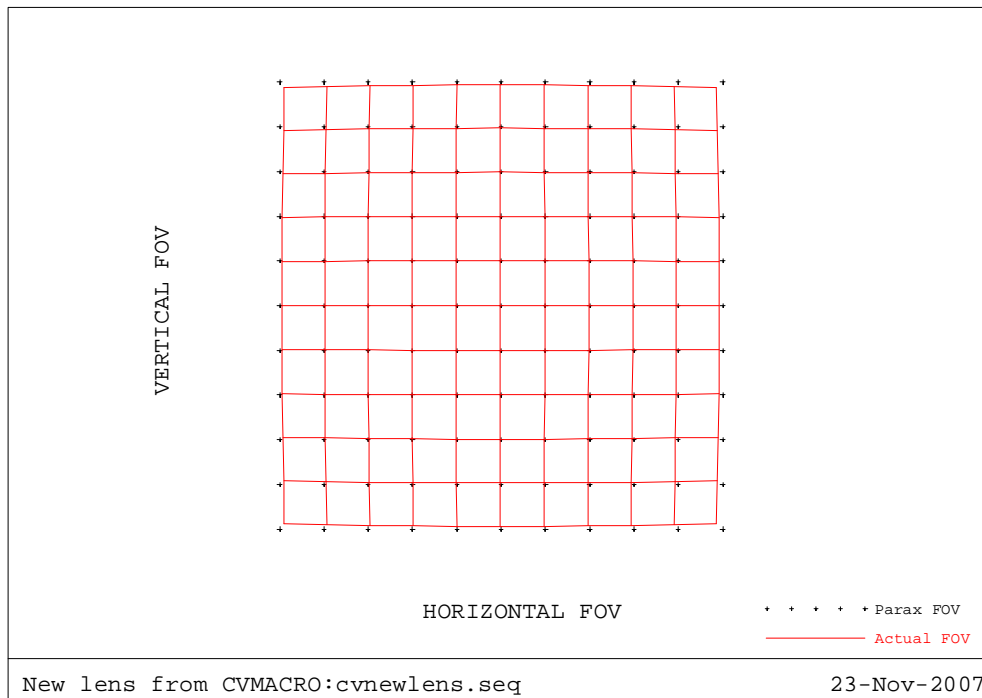
Vergleich mit realem System



RDY	THI	RMD	GLA	GLC		
> OBJ:	INFINITY		INFINITY		100	100
STO:	INFINITY	28.194399			100	0
2:	-389.57175	4.000000		BK7_SCHOTT	0	100
3:	-45.78679	100.349838			0	PIM
IMG:	INFINITY	-1.508646			100	0

Analyse der Abbildung eines Feldes

Vorderblende \rightarrow Tonnenförmige Verzeichnung

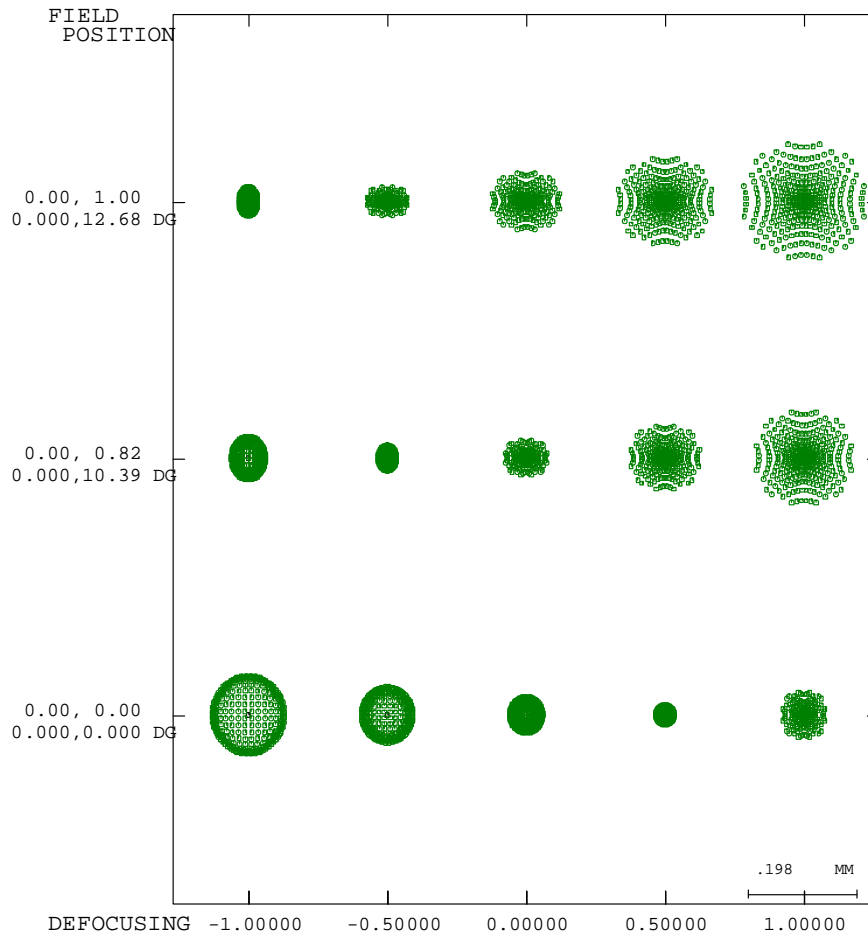


$$\Delta y'_{E_\infty} = -\frac{1}{2} y'^3 F'^2 E_\infty$$

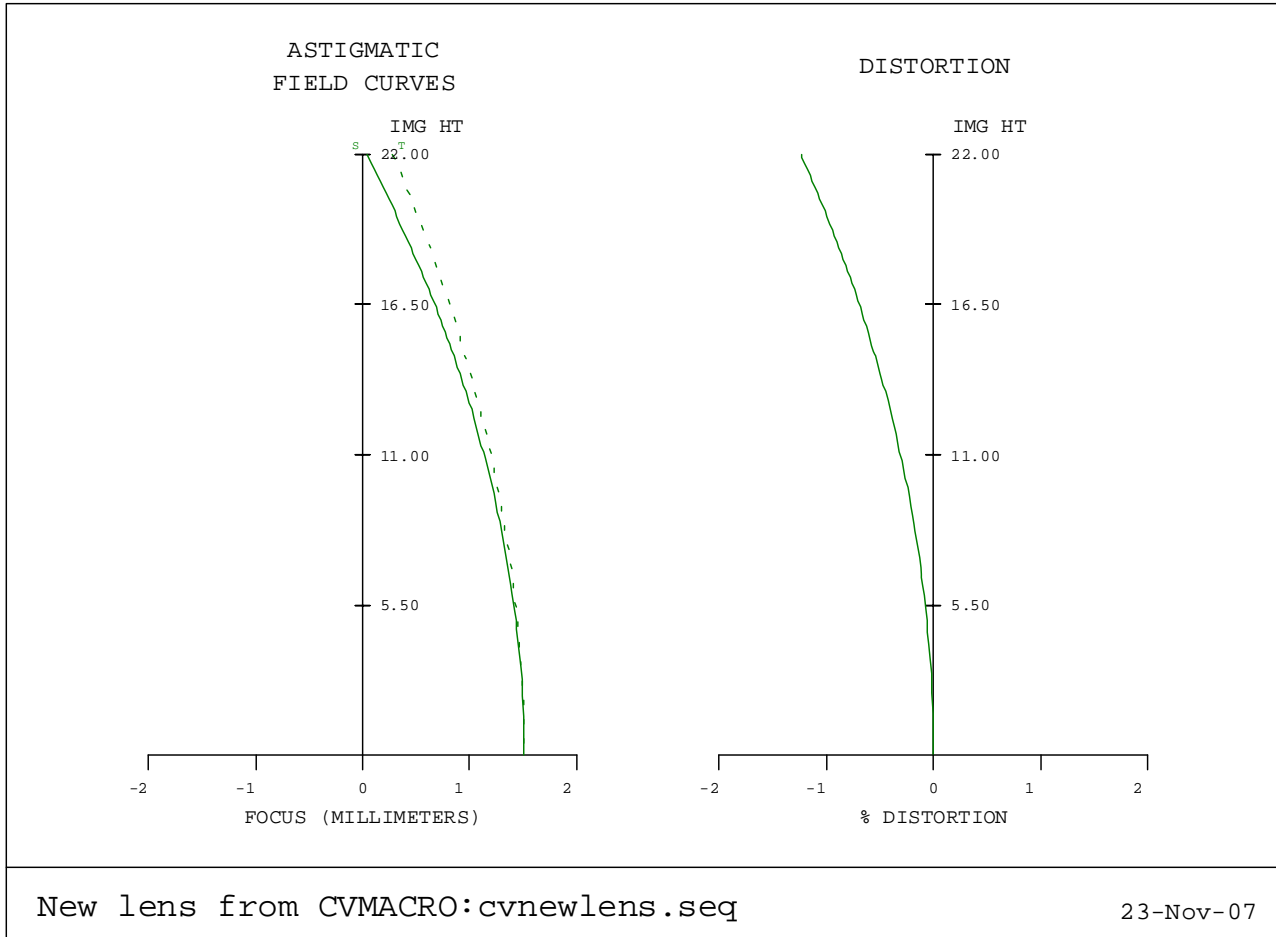
$$V = \frac{\Delta y'_{E_\infty}}{y'}$$

$$E_\infty > 0 \Rightarrow V < 0 !$$

Spotdiagramm



Astigmatismus und Verzeichnung



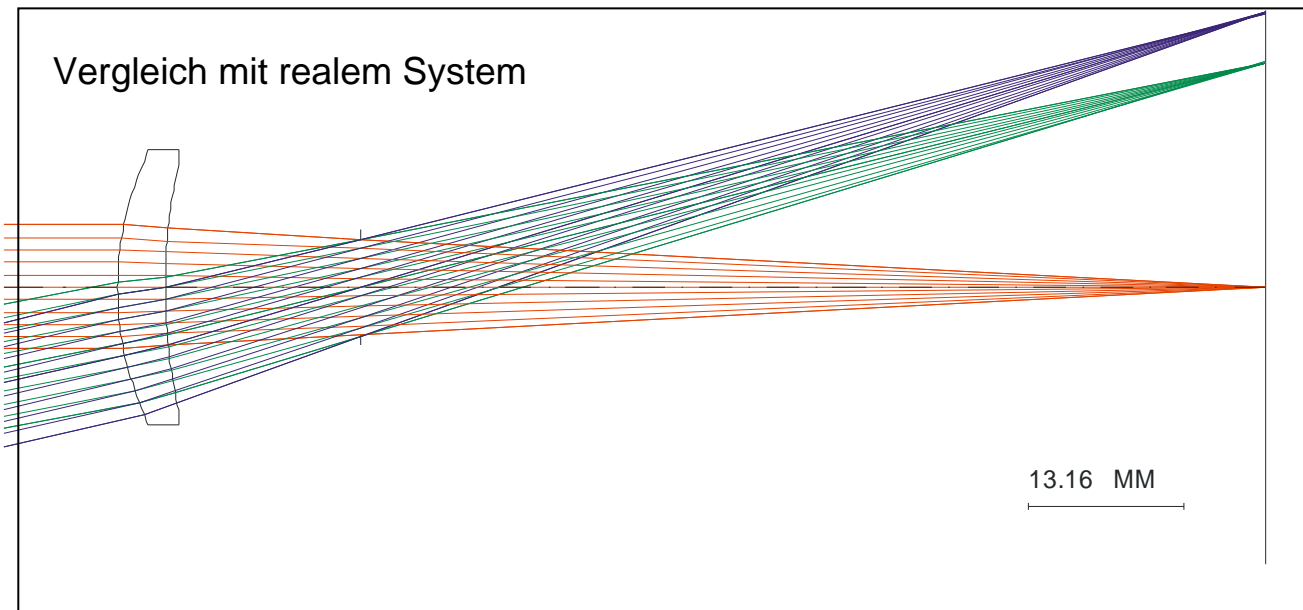
2. Q = 6

Gesucht: Form der Linse und Lage der Blende

Berechnung der Radien aus Q und F': $r_1 = 0.222, r_2 = 0.4$

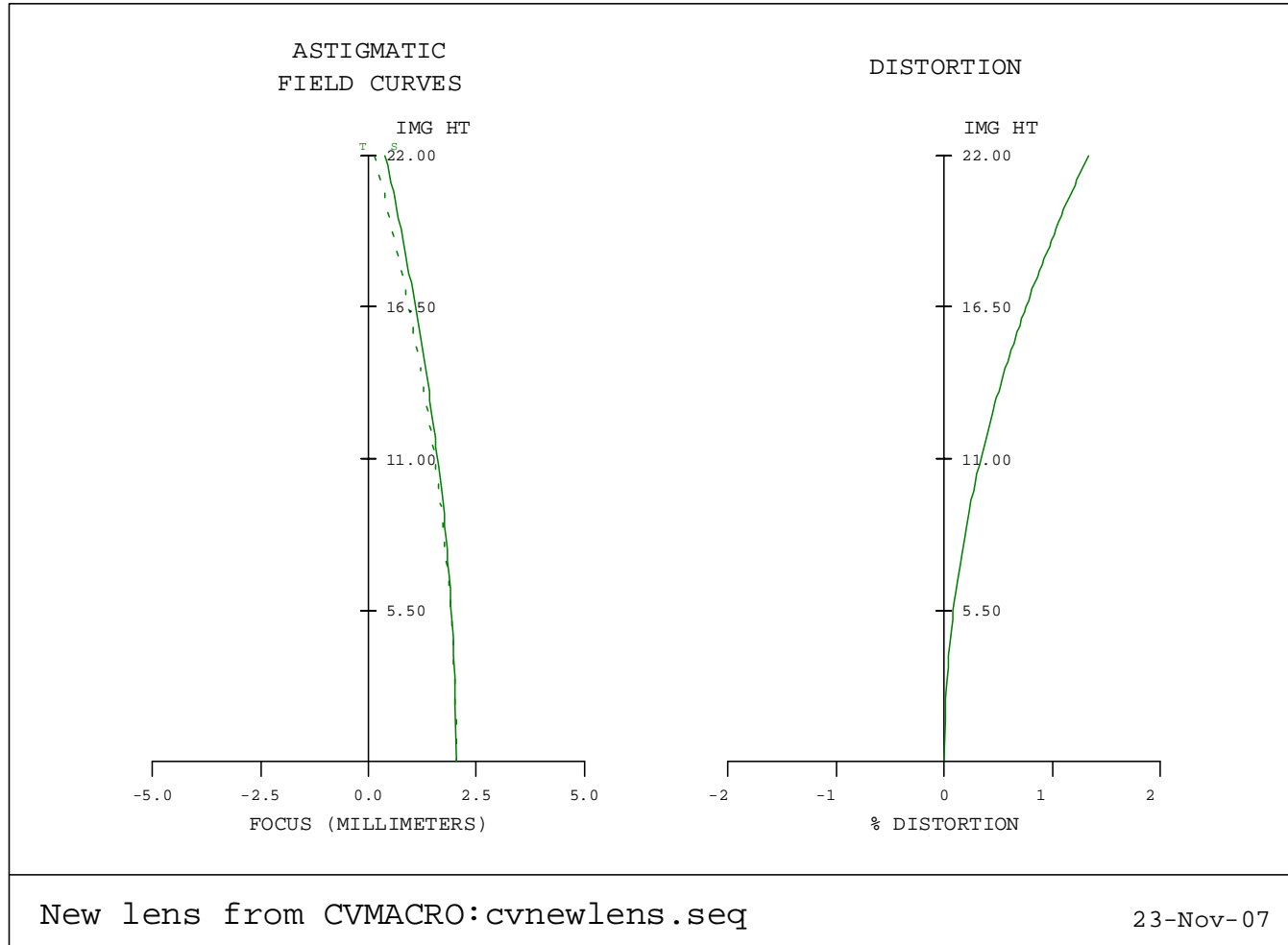
$$s_p = 0.22$$

B=20.25, K=0, C=0, E = -0.38 (kissenförmige Verzeichnung)

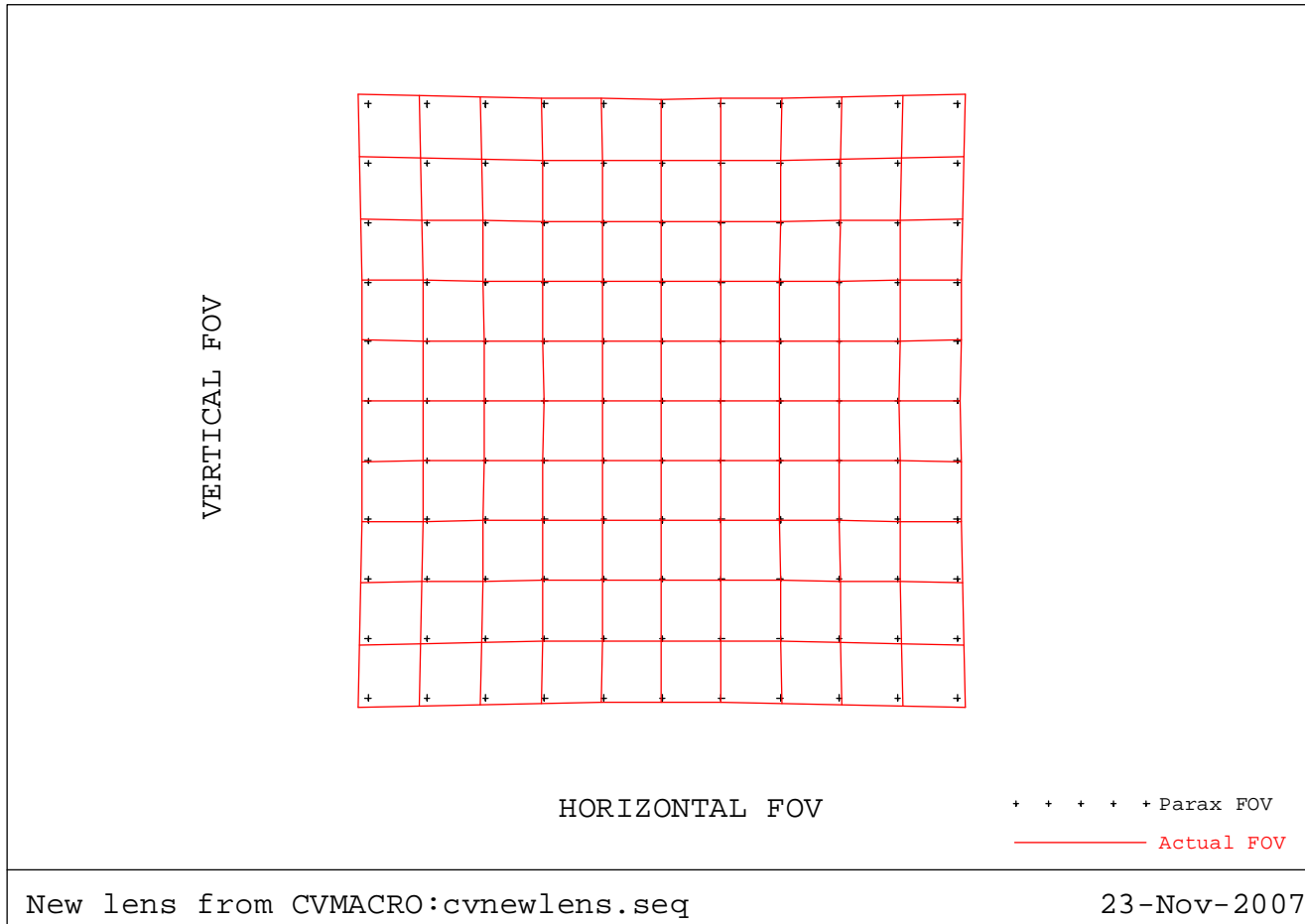


RDY	THI	RMD	GLA	CCY	THC	GLC		
> OBJ:	INFINITY		INFINITY				100	100
1:	24.81815		4.000000	BK7_SCHOTT			0	100
2:	45.12605	16.388643					0	0
STO:	INFINITY		78.119936				100	PIM
IMG:	INFINITY		-2.031589				100	0

Astigmatismus und Verzeichnung bei Hinterblende



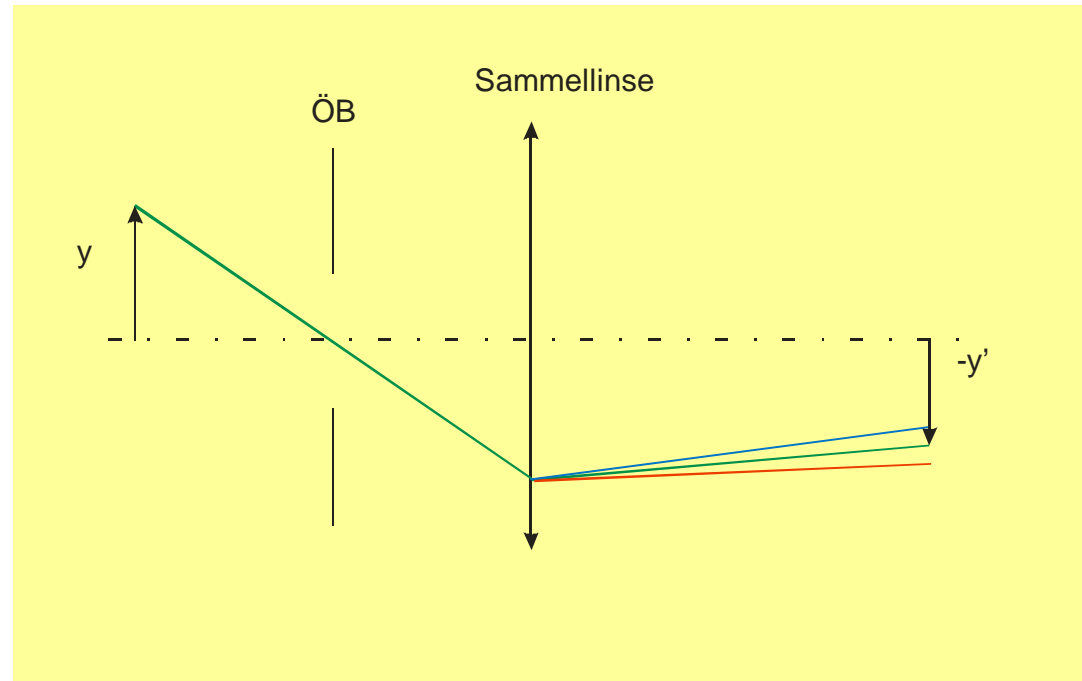
Kissenförmige Verzeichnung bei Hinterblende



Zusammenfassung

Einzellinse mit zusätzlicher Blende

- Die Einzellinse mit zusätzlicher Blende ist für Abbildung **größerer Felder** mit **extrem kleiner Öffnung** geeignet.
- Die Einzellinse mit zusätzlicher Blende besitzt immer Verzeichnung und einen Farbfehler des Hauptstrahls.



Einzelspiegel

Flächenteilkoeffizienten der Spiegelfläche

Ausgangsbeziehungen:

Flächenteilkoeffizienten der brechenden Fläche

Beispiele:

B (Flächenteilkoeffizient des Öffnungsfehlers 3. Ordnung)

K (Flächenteilkoeffizient der Koma 3. Ordnung)

$$B = \omega_1^4 Q^2 \delta \left(\frac{1}{ns} \right)$$

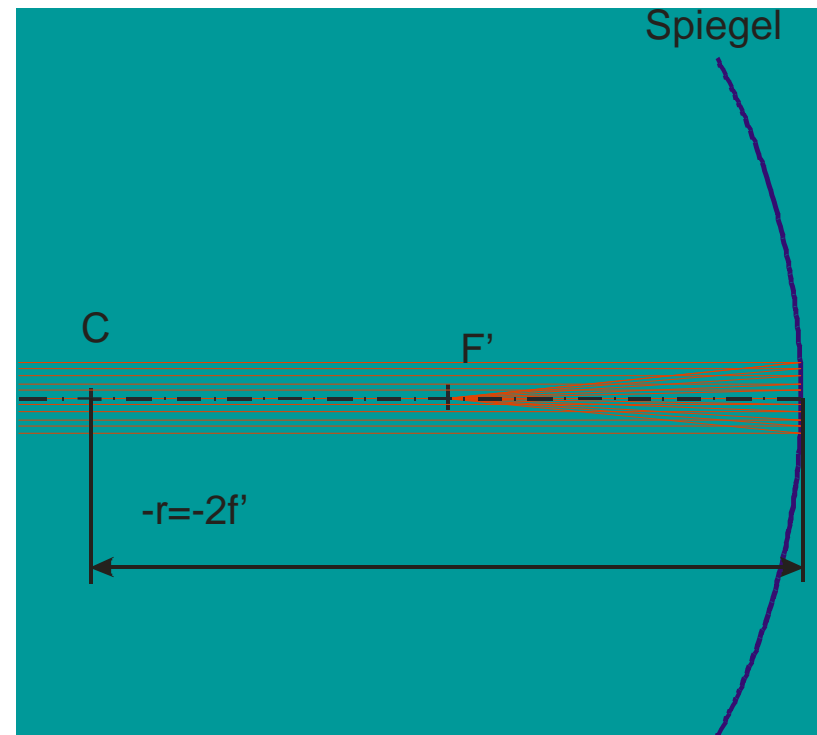
$$K = c \omega_1^3 \omega_{p1} Q Q_p \delta \left(\frac{1}{ns} \right)$$

$$\text{mit: } \delta \left(\frac{1}{ns} \right) = \frac{1}{n's'} - \frac{1}{ns} = ?$$

$$Q = n \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{s} \right) = ? \quad \text{und} \quad Q_p = n \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{s_p} \right)$$

$$c = \left(\frac{1}{s} - \frac{1}{s_p} \right)^{-1} \Rightarrow \text{für } s_p = 0: c Q_p = ?$$

→ $\omega_1 = 1, \quad \omega_{p1} = 1, \quad n = -n' = 1, \quad r = \frac{2}{F'}$



Einzelspiegel

Flächenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die Spiegelfläche

	$ s \neq \infty$		$ s = \infty$	
	$s_p \neq 0$	$s_p = 0$	$s_p \neq 0$	$s_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = -\left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right)^2 F'$		$B = -\frac{1}{4} F'^3$	
2. Koma	$K = -c \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) F'$	$K = -\left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right) F'$	$K = +\frac{s_p}{2} \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) F'^2$	$K = -\frac{1}{2} F'^2$
3. Astigmatismus	$C = -c^2 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right)^2 F'$	$C = -F'$	$C = -s_p^2 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right)^2 F'$	$C = -F'$
4. Petzvalwölbung	$P = F'$		$P = F'$	
5. Verzeichnung	$E = -c^3 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{2}{s_p} + \frac{1}{s}\right) F'$	0	$E = +s_p^3 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{2}{s_p}\right) F'$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler 6. Farblängsfehler	0		0	
7. Farbquerfehler	0		0	

$$\underline{|s| \neq \infty}$$

Für welche Objektschnittweite
verschwindet der Öffnungsfehler?

Einzelspiegel

Flächenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die Spiegelfläche

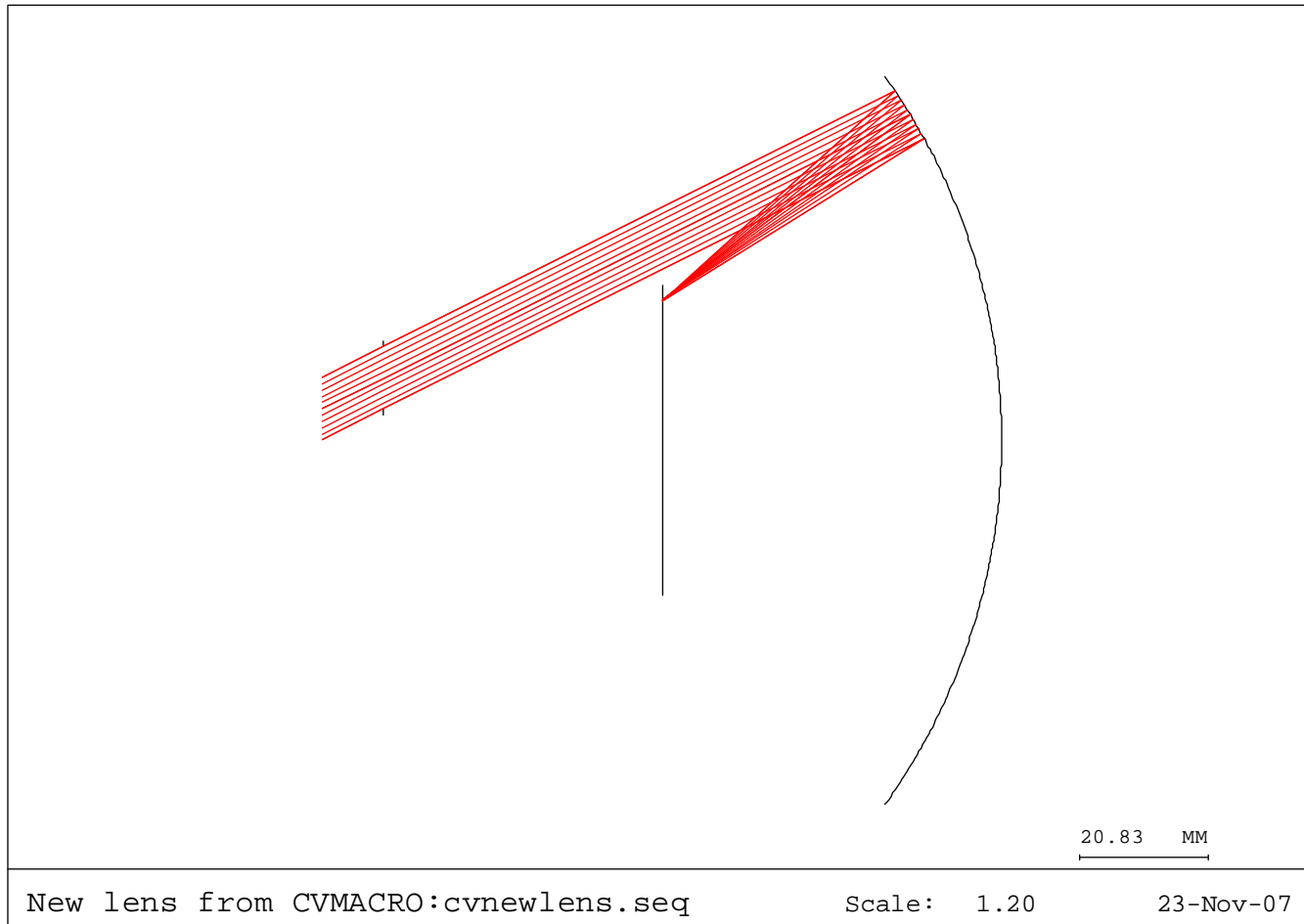
	$ s \neq \infty$		$ s = \infty$	
	$s_p \neq 0$	$s_p = 0$	$s_p \neq 0$	$s_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = -\left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right)^2 F'$		$B = -\frac{1}{4} F'^3$	
2. Koma	$K = -c \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) F'$	$K = -\left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right) F'$	$K = +\frac{s_p}{2} \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) F'^2$	$K = -\frac{1}{2} F'^2$
3. Astigmatismus	$C = -c^2 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right)^2 F'$	$C = -F'$	$C = -s_p^2 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right)^2 F'$	$C = -F'$
4. Petzvalwölbung	$P = F'$		$P = F'$	
5. Verzeichnung	$E = -c^3 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{2}{s_p} + \frac{1}{s}\right) F'$	0	$E = +s_p^3 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{2}{s_p}\right) F'$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler	0		0	
6. Farblängsfehler	0		0	
7. Farbquerfehler	0		0	

$$\underline{|s| = \infty}$$

Wann verschwinden Koma,
Astigmatismus und
Verzeichnung?

Spiegel mit „natürlicher Blende“

Spiegel mit „natürlicher Blende“



Einzelspiegel ↔ Einzellinse

Welches Bauelement ist besser für die Abbildung eines unendlich entfernten Achspunktes (gleiche Öffnung, gleiche Brennweite) geeignet?

A) Auflösung Einzellinse $|s| = \infty$

Gesucht: $\Delta r' = \text{fkt}(h_{EP}, f', n)$

für dünne Einzellinse mit $Q = Q_{Bmin}$

Gegeben: $f' = 25 \text{ mm}$, $n_{Linse} = 1.6$, $|s| = \infty$

Bekannt:

$$Q_{Bmin} = \frac{n}{n+2} \left(\frac{2}{s} + F' \right)$$

Querabweichungen für $|s| = \infty$:

$$\Delta x' = - \frac{x_p (x_p^2 + y_p^2)}{2 F'} B$$

$$\Delta y' = - \frac{y_p (x_p^2 + y_p^2)}{2 F'} B$$

$$\text{mit } B = b F' \quad \text{und} \quad b = \frac{n+2}{4n} Q^2 - \frac{1}{2} F' Q + \frac{1}{4} \left(\frac{n F'}{n-1} \right)^2$$

B) Auflösung Einzelspiegel $|s| = \infty$

Gesucht: $\Delta r' = \text{fkt}(h_{EP}, f)$

Bekannt:

Querabweichungen für $|s| = \infty$:

$$\Delta x' = -\frac{x_p(x_p^2 + y_p^2)}{2F'} B$$

$$\Delta y' = -\frac{y_p(x_p^2 + y_p^2)}{2F'} B$$

$$\text{mit } B = -\frac{1}{4} F'^3$$

Ergebnisse

Zerstreuungskreisradien bei Abbildung eines unendlich fernen Achspunktes:

A) Einzellinse

$$\Delta r'_L = \frac{1}{8} h_{EP}^3 F'^2 \frac{n(4n-1)}{(n+2)(n-1)^2}$$

B) Einzelspiegel

$$\Delta r'_{Sp} = \frac{1}{8} h_{EP}^3 F'^2$$

Numerisches Beispiel

Vergleich von $\Delta r'_L$ mit $\Delta r'_{Sp}$

Gegeben: $f' = 25 \text{ mm}$, $n_{\text{Linse}} = 1.6$, $|s| = \infty$

	Einzellinse	Einzelspiegel
h_{EP}/mm	$\Delta r'_L/\mu\text{m}$	$\Delta r'_{Sp}/\mu\text{m}$
1	1.3	0.2
2	10.6	1.6
5	166.6	25
7	457	69
10	1333	200

Vergleich mit
Auflösungsgrenze des
Auges!

Kritische Blende

Wellenoptik

Physikalische Grenzauflösung

$$\delta r' = 0.61 \frac{\lambda}{NA'}$$

Radius des Airyscheibchens

Für k_{krit} gilt:

$$\delta r' = \Delta r'$$

$\delta r' > \Delta r'$ beugungsbegrenzte optische Abbildung

Geometrische Optik

Geometrische Abbildungsfehler

$$\Delta r'_L = \frac{1}{8} h_{EP}^3 F'^2 \frac{n(4n-1)}{(n+2)(n-1)^2}$$

mit: $n = 1.6$

$$\Delta r'_L = \frac{1}{8} h_{EP}^3 F'^2 \times 6.666 = 0.83 h_{EP}^3 F'^2$$

Zerstreuungskreisradius für Abbildung eines unendlich entfernten Achspunktes mit Einzellinse optimaler Form

Gesucht: $k_{\text{krit}} = \text{fkt}(\lambda, f')$

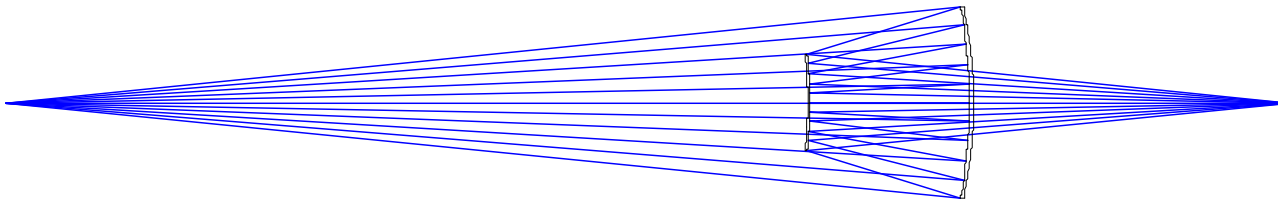
z.B. $\lambda = 500\text{nm}$, $f' = 100\text{mm}$ $\Rightarrow \Delta r' = ?$

Analytische Modellierung eines 2-Spiegelsystems mit $\beta' = -1$

ZIEL: Verschwinden des Öffnungsfehlers 3. Ordnung

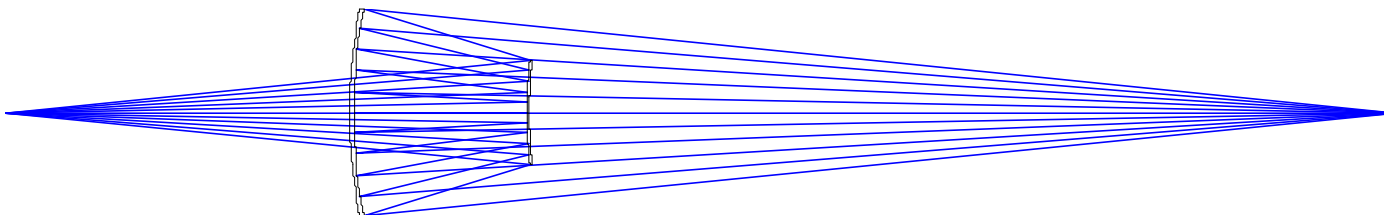
Lösung: 1. Cassegrain

$$s_1 = -240\text{mm}, s_2 = 120\text{mm}, e_1' = -40\text{mm}, f_1' = f_2' = -60\text{mm}$$



2. Schwarzschild

$$s_1 = -120\text{mm}, s_2 = 240\text{mm}, e_1' = -40\text{mm}, f_1' = f_2' = 60\text{mm}$$



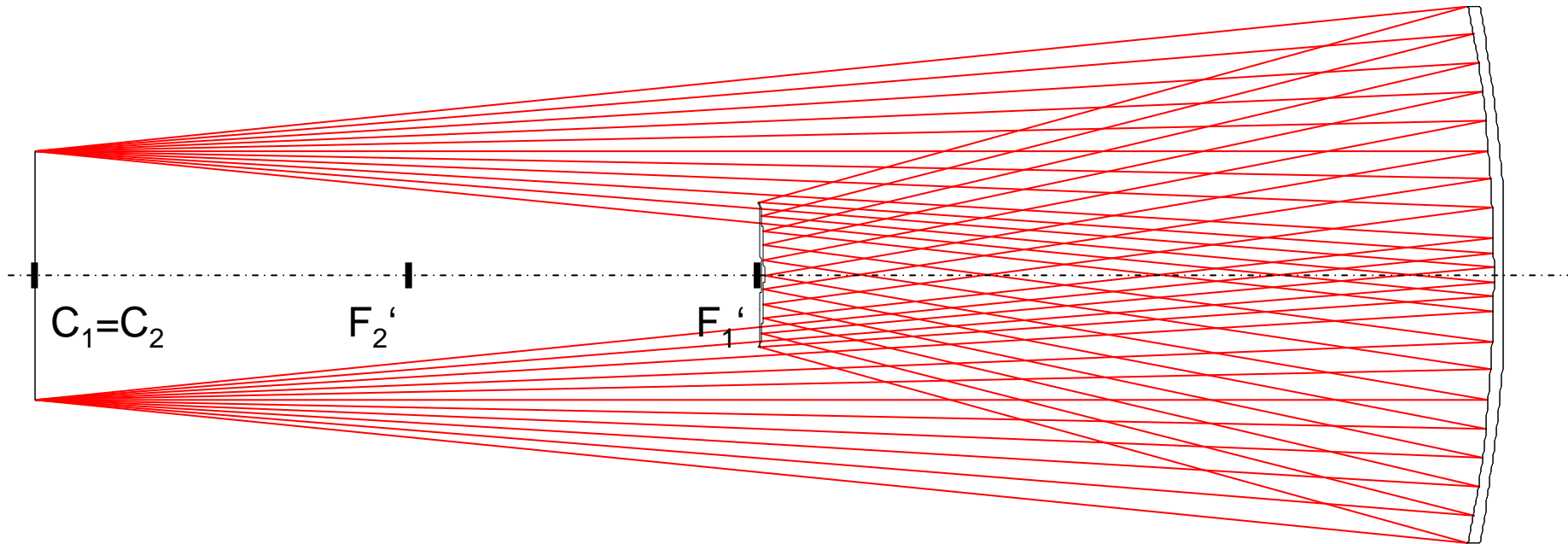
Analytische Modellierung eines
astigmatismusfreien 3-Spiegelsystems
mit $\beta' = -1$??

Einzelspiegel

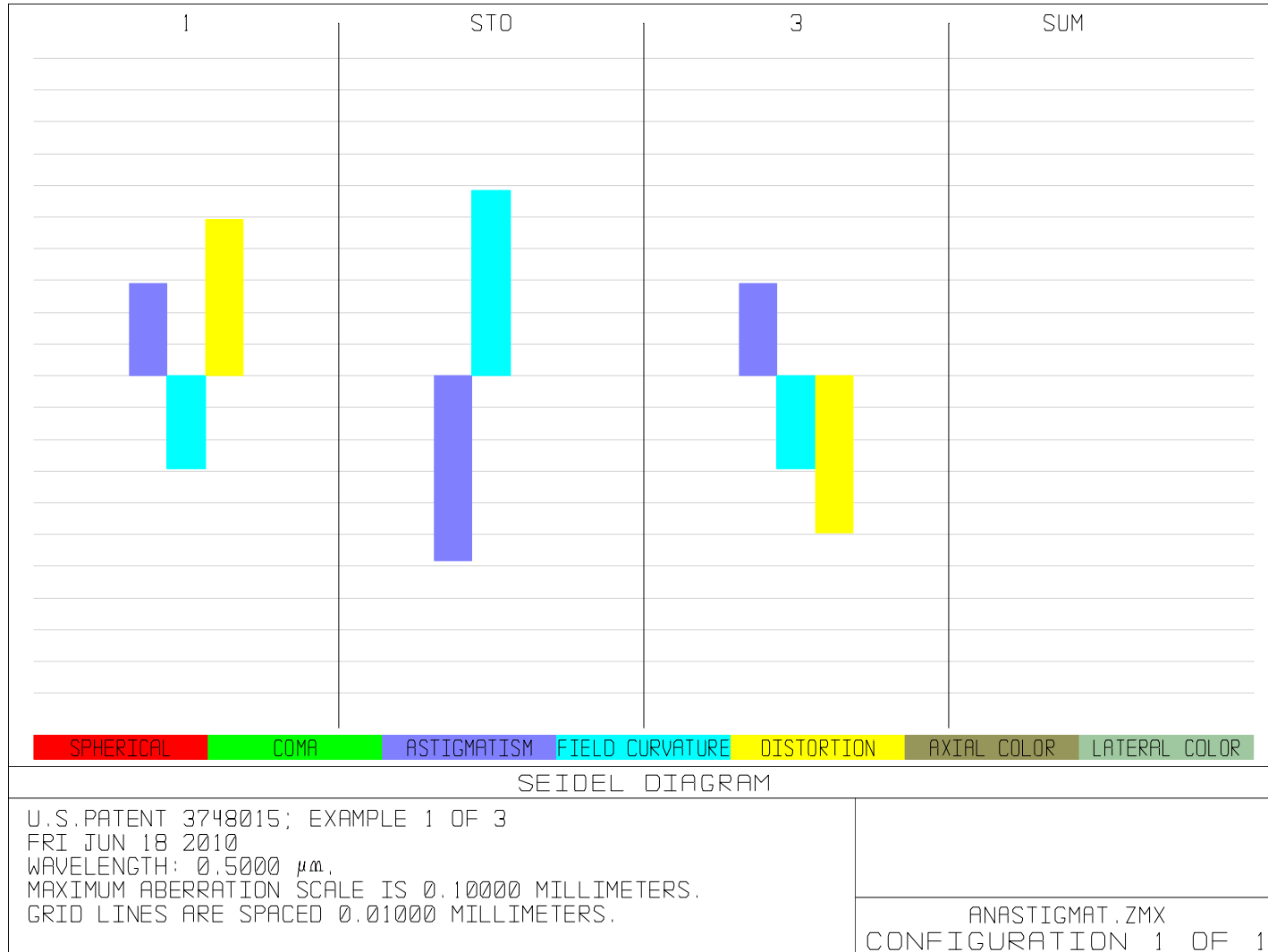
Flächenteilkoeffizienten (3. Ordnung) für die Spiegelfläche

	$ s \neq \infty$		$ s = \infty$	
	$s_p \neq 0$	$s_p = 0$	$s_p \neq 0$	$s_p = 0$
1. Öffnungsfehler	$B = -\left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right)^2 F'$		$B = -\frac{1}{4} F'^3$	
2. Koma	$K = -c \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) F'$	$K = -\left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s}\right) F'$	$K = +\frac{s_p}{2} \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) F'^2$	$K = -\frac{1}{2} F'^2$
3. Astigmatismus	$C = -c^2 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right)^2 F'$	$C = -F'$	$C = -s_p^2 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right)^2 F'$	$C = -F'$
4. Petzvalwölbung	$P = F'$		$P = F'$	
5. Verzeichnung	$E = -c^3 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{2}{s_p} + \frac{1}{s}\right) F'$	0	$E = +s_p^3 \left(\frac{F'}{2} - \frac{1}{s_p}\right) \left(\frac{F'}{2} - \frac{2}{s_p}\right) F'$	0
Linsenteilkoeff. der paraxialen Farbfehler	0		0	
6. Farblängsfehler	0		0	
7. Farbquerfehler	0		0	

3-Spiegelsystem



Seidelsche Bildfehlerkoeffizienten



Ende